

Válasz Matolcsi Tamásnak

A válaszaim előtt szeretném rögzíteni, hogy az előadásban a standard relativitáselméletről beszéltem, tehát a szinkronizációt mindenütt úgy értem, hogy a szokásos $\varepsilon = \frac{1}{2}$ szerint történik. Mint tudjuk, ε értéke szabad gauge-nek tekinthető, tehát nem fog a végén szerepet játszani a konklúzióinkban. Majd még erre megjegyzéseiddel kapcsolatban visszatérek.

Megjegyzéseid egy része a csatolt e.m. mezőből és töltött pontrészecskékből álló rendszerre vonatkozik. Mielőtt rávilágítanék, hogy amit ezzel kapcsolatban mondasz, az nem releváns az én általam elővezetett téma szempontjából, megjegyzem, hogy egyik példám sem szól csatolt e. m. mező + töltött pontrészecskék rendszerről. Ezt a rendszert kizárólag példaként említem, zárójelben, egy általános megállapítás kapcsán, és mint majd ismét igyekszem megmutatni, teljesen jogosan.. Az Example 1, Example 2 és Example 3 esetében a két tömegpont között egyébként még kölcsönhatás sincs.

Most akkor rátérek az általad hangsúlyosan előhozott e.m. mező + részecskék rendszerre. Mit állítottam ezekről? A következőt:

Állítás: Vesszük ennek a rendszernek egy tetszőleges kezdeti feltételhez tartozó megoldását. Kiszámítjuk, hogy milyen kondícióknak tesz eleget az ebből leszarmaztatott Lorentz boosted megoldás. És arra mutatok rá, hogy ez olyan ronda, hogy épp elmével nem mondanánk rá, hogy ez ugyanazt a rendszert írja le, mint az eredeti rendszer, csak éppen egy egészként transzlációs mozgást is végez v sebességgel.

Akkor menjünk sorban.

1. Az egyenletek, amire gondolok, a következők: Egyrészt az

$$\mathbf{A}(\mathbf{r}, t) = \frac{1}{c} \sum_{i=1}^n \frac{q_i}{d} \frac{d\mathbf{r}_i(t)}{dt} \Big|_{t-\frac{d}{c}} \quad (1)$$

$$\varphi(\mathbf{r}, t) = \sum_{i=1}^n \frac{q_i}{d} \quad (2)$$

$$d = \left| \mathbf{r} - \mathbf{r}_i \left(t - \frac{d}{c} \right) \right| \quad (3)$$

retardált potenciálok, és a

$$\frac{d}{dt} \left(\frac{m_i}{\sqrt{1 - \frac{1}{c^2} \left(\frac{d\mathbf{r}_i(t)}{dt} \right)^2}} \frac{d\mathbf{r}_i(t)}{dt} \right) = -q_i \text{grad} \varphi(\mathbf{r}_i(t), t) - \frac{q_i}{c} \frac{\partial \mathbf{A}(\mathbf{r}_i(t), t)}{\partial t} + \frac{q_i}{c} \left[\frac{d\mathbf{r}_i(t)}{dt}, \text{rot} \mathbf{A}(\mathbf{r}_i(t), t) \right] \quad (4)$$

dinamikai egyenletek. Vagyis ezekről a Lorentz-kovariáns egyenletekről van szó.

Mondhatjuk ezekre az egyenletekre, hogy ezek „nem léteznek”, de ezeknek egy véges rácson vett numerikus közelítése, vagyis az a véges (Turing) algoritmus, amelyet a CERN komputerén lefuttatnak, az nagyon is létezik. És mint a CERN mérnökeinek mindennapos gyakorlata mutatja (ugyanis ezzel számolják ki a töltött relativisztikus nyalábok mozgását a gyorsítóknban), nagyon is jól leírják a csatolt, relativisztikus töltött részecskékből és az e. m. mezőből álló rendszert. Abból a szempontból, amiről én beszéltem, ez a véges algoritmus nekem teljesen elég.

2.

tomegpontok es elektromagneses mezo egyuttessenek leirasa pillanatnyilag nem letezik (amit te ketsegbe vontal, ezert most itt ujra megkerlek, add mar meg az erre megfelelo csatolt egyenlet-rendszert), vagyis a toltott tomegpontok es az altaluk létrehozott elektromagneses mezo együtt mint pontosan meghatározott fizikai rendszer nem letezik

Ha jól értem, itt egyszerűen annyit akarsz mondani, hogy létezik ilyen fizikai rendszer, csak nincs szingularitásoktól mentes leírása.

En viszont azt mondom, hogy ha egyáltalán volna részecske-mező kölcsönhatást leíró egyenlet, soha – soha! – nem lehetne elhagyni a kezdeti feltételekből a mezőt is, hisz a pillanatnyi mező értéke lényegesen befolyasolja a tomegpontok későbbi életét. (Sajnos itt írásban nehezebb ezt szemleletesen tenni, mint a tabla rajzan, amint azt akartam; azért emlékeztetoul: a két világvonal közötti, valamely szinkronizáció szerint egyidejű világpontokból induló elektromagneses mezo később eléri a tomegpontokat, befolyasolva ezzel az életüket.) Tehát az egyéb változokra vonatkozó kezdeti feltételek soha – soha! – nem volnanak érdektelenek. Azzal, hogy te

megis elhagyod a mezot, oda sullyedsz vissza, hogy tisztan pontmechanikai rendszert tekintesz (hiaba deklaralod szavakban ennek az ellenkezojet), mindig csak tisztan pontmechanikai rendszerrel foglalkozol, hiszen formulaidban mindig csak a reszecskek helyzete es sebessége szerepel. Tisztan pontmechanikai rendszer pedig nem letezik.

Hogy a „a pillanatnyi mező értéke lényegesen befolyásolja a tömegpontok későbbi életet”, azt senki sem vonja kétségbe. (Csakúgy, mint azt sem, hogy a részecskék pillanatnyi helyzete befolyásolja a terek későbbi értékét a retardált potenciálokon keresztül.) ...

Tulajdonképpen nem értem, mi a félreértés forrása. „We are omitting the initial conditions for other variables which are not interesting now.” Ez egy teljesen világos mondat. „Nem írom fel, nem írom ide a mezőkre vonatkozó többi (kezdeti) feltételt, mert a mondandóm szempontjából nem érdekesek”. Miért jelentené ez a mondat azt, hogy ezek nincsenek, vagy, hogy ezek nem relevánsak abból a szempontból, hogy hogyan viselkedik a rendszer teljes egészében, sőt, még csak azt sem jelenti, hogy az itt ki nem írt része a (kezdeti) feltételeknek nem releváns a részecskék mozgása szempontjából. Nem, ezeket én nem mondtam. Annyit mondtam és mondok, hogy nem relevánsak abból a szempontból, amiről beszélek. Mi változik abban, amit mondok, ha melleleg kiírom a mezőkre vonatkozó kezdeti feltételeket is? Tessék:

$$\mathbf{r}_i(t=0) = \mathbf{R}_i, \quad (5)$$

$$\left. \frac{d\mathbf{r}_i(t)}{dt} \right|_{t=0} = \mathbf{w}_i. \quad (6)$$

$$\mathbf{A}(\mathbf{r}, t=0) = \mathbf{A}_0(\mathbf{r}) \quad (7)$$

$$\dot{\mathbf{A}}(\mathbf{r}, t=0) = \dot{\mathbf{A}}_0(\mathbf{r}) \quad (8)$$

$$\varphi(\mathbf{r}, t=0) = \varphi_0(\mathbf{r}) \quad (9)$$

Ennek vesszük a vesszős verzióját, majd az egészet vissza-Lorentz-transzformáljuk a vesszőtlen változókbá. És akkor kapunk egy ilyet (most mindhárom tér dimenziót kiírom):

$$t_i^* = \frac{\frac{v}{c^2} R_{xi}}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}, \quad (10)$$

$$\mathbf{r}_i^{new}(t = t_i^*) = \begin{pmatrix} \frac{R_{xi}}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}} \\ R_{yi} \\ R_{zi} \end{pmatrix}, \quad (11)$$

$$\left. \frac{d\mathbf{r}_i^{new}(t)}{dt} \right|_{t_i^*} = \begin{pmatrix} \frac{w_{xi}+v}{1+\frac{w_{xi}v}{c^2}} \\ w_{yi} \\ w_{zi} \end{pmatrix}. \quad (12)$$

valamint, hogy

$$\mathbf{A}^{new} \left(\begin{pmatrix} \frac{r_x}{\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}} \\ r_y \\ r_z \end{pmatrix}, t = \frac{\frac{v}{c^2} r_x}{\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}} \right) = \begin{pmatrix} \frac{A_{x0}(\mathbf{r}) - \frac{v}{c} \varphi_0(\mathbf{r})}{\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}} \\ A_{y0}(\mathbf{r}) \\ A_{z0}(\mathbf{r}) \end{pmatrix} \quad (13)$$

$$\dot{\mathbf{A}}^{new} \left(\begin{pmatrix} \frac{r_x}{\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}} \\ r_y \\ r_z \end{pmatrix}, t = \frac{\frac{v}{c^2} r_x}{\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}} \right) = \begin{pmatrix} \text{valami} \\ \text{még} \\ \text{rondább} \end{pmatrix} \quad (14)$$

$$\varphi^{new} \left(\begin{pmatrix} \frac{r_x}{\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}} \\ r_y \\ r_z \end{pmatrix}, t = \frac{\frac{v}{c^2} r_x}{\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}} \right) = \frac{\varphi_0(\mathbf{r}) - \frac{v}{c} A_{x0}(\mathbf{r})}{\sqrt{1-\frac{v^2}{c^2}}} \quad (15)$$

Nos, megtörtént. Ide lett írva. Ezzel a kiegészítéssel járunk a cikk (26) formulája után. Melyik ezt követő mondata lenne a cikknek az, amelyet e kiegészítés után módosítanom kellene (a formulák átszámolásán túl)? Mert én ilyet nem látok! Pontosan ezért hagytam el a mezőkre vonatkozó részét a feltételeknek. És nem azért mert „oda süllyedtem” volna, hogy azt gondoljam, hogy a csatolt e.m. mező + részecskék rendszer mozgásának leírásában (akárcsak a részecskék mozgását tekintve is) a mezőre vonatkozó egyenletek/feltételek ne játszanának szerepet.

3. Most rátérek az általad felvetett, érzésem szerint sokkal izgalmasabb kérdésekre.

A relativitási elv igen is ervenyes minden fizikai rendszerre; ha valamire nem igaz, akkor ez a valami nem rendszer.

írod, majd pedig azt mondod:

Ahhoz, hogy bizonyítsd igazadat, bizonyítanod kellene, hogy az a valami igen is rendszer. Csakhogy ehhez kellene a fizikai rendszer pontos definicioja. De nem am olyan, amely a levegoben log, mint pl. "fizikai rendszer toltott tomegpontok es az altaluk létrehozott

elektromagneses mezo együtt" mert ez lenyegeben nem kulonbozik attol, ha azt mondja valaki, hogy "fizikai rendszer egy ember fule". Matematikai pontossagu definicio kell, hiszen te is differencialegyenetrol, kezdeti feltetelekrol azokra kirott transzformacios szabalyokrol beszelsz, altalaban matematikai formulakat alkalmazol, ami csak matematikailag pontosan meghatározott feltetelek mellett ad megalapozott es megingathatatlan eredményt.

(Azon túl, hogy nem értem, „egy ember füle” miért nem egy fizikai rendszer) itt most tehetnék egy hosszú kitérőt azt illetően, hogy hogyan érted „matematikailag” definiálni azt, hogy mikor nevezünk valamit „fizikai rendszernek”, hogy azt ne mondjam, mikor „fizikai rendszer” egy fizikai rendszer. De a szövegből úgy látom, ezzel a „rendszer” fogalommal te sem kezdesz semmit, s hogy ha a „rendszer” szót kicserélem „valamire” akkor ez a kérdés megoldódott. („Ha valamire nem igaz a relativitási elv, akkor ez a valami nem rendszer”, írod!). Legyen tehát „valami”. A relativitási elv tehát úgy szól, hogy

Valaminek, ami mint egész együtt mozog a K' vonatkozási rendszerrel, a K' -ben nyugvó méterrudak, órák, etc. által mért mennyiségek nyelvén kifejezett viselkedése ugyanolyan, mint annak az eredeti, a K rendszerben nyugvó valaminek, a K -ban nyugvó mérőberendezések által mért mennyiségek nyelvén kifejezett viselkedése.

E terminológiában az én állításom úgy hangzik, hogy baj van a relativitási elvvel, mert valamikre teljesül, míg más valamikre nem.

De komolyra fordítva a szót, teljesen egyetértek, és ez volt a beszédem lényege is, hogy egyáltalán nem világos, mit jelent „ugyanaz a rendszer(akarom mondani, valami), kollektív mozgásban K -hoz képest”. Boldog leszek, ha ezt valaki pontosan definiálja. Einstein minden előzetes magyarázat nélkül használja ezt a kifejezést, és ugyanezt teszik a fizika tankönyvek. Az egész előadásom arról szólt, hogy ennek a fogalomnak a lebegtetése okozza a bajt. Néhány szélsőséges példán illusztráltam, hogy – szemben a tankönyvekben terjedő közhiedelmekkel – a Lorentz boosted rendszer, vagyis a $[\Lambda_v^{-1}(\psi'_0)]$ megoldás által leírt valami, nem tekinthető minden esetben ilyennek, nem úgy, mint a klasszikus mechanikában, ahol mindig igaz, hogy $[G_v^{-1}(\psi'_0)] = [\psi_v]$.

5. Eddig tartott válaszonak az érdemi része. Mert azok a dolgok, amikre most ezután reagálok – függetlenül attól, hogy véleményem szerint helyesek vagy nem – irrelevánsok az előadásomban állított dolgokra nézve.

A hozzászólásomban a tisztán pontmechanikai rendszer nem letezeset azzal indokoltam, hogy a különböző szinkronizáció szerint adott pontmechanikai kezdeti feltételek – amelyek az előadásomban és a cikkedben szerepelnek – tulajdonképpen az egyes tompontok sajátidejének különböző szinkronizációját jelentik, ami végül is azt eredményezi, hogy a kezdeti feltételtől függően más és más abszolút differencialegyenlet írna le a tompontok életét. Szóval, amikor én erre rávilágítottam, akkor azzal vagtal vissza, hogy te nem vettél különböző szinkronizáció szerinti kezdeti feltételeket. Nem volna tudatában annak, hogy amikor a vesszőtlen rendszer szerinti $t=0$ kezdeti feltételt veszed (20-21 egyenlőség) és amikor a vesszős rendszer szerinti $t'=0$ kezdeti feltételt (22-23 egyenlőség), akkor különböző szinkronizációkat tekintesz? Hogy különböző standard koordinatarendszerekhez különböző szinkronizáció tartozik?

Most nem mennék bele abba, hogy hogyan érted, hogy a szinkronizációtól függően más abszolút egyenletek írják le a dolgot, én – anélkül, hogy most pontosan érteném, mire gondolsz – éppen fordítva mondanám: az abszolút 4-es, relativisztikus egyenletek nem függenek a szinkronizációtól, és attól, hogyan definiáljuk a megfigyelők vonatkoztatási rendszerét. De, azt tisztázni tudjuk, hogy amikor azt mondtam, hogy én „nem veszek kezdeti feltételeket”, azt úgy értem, hogy engem semmilyen ponton nem érdekel, és a mondandómat nem érinti, hogy a szóban forgó feltétel „kezdeti feltétel”-e vagy sem, pontosabban, hogy valamilyen szinkronizáció szerinti azonos időponthoz tartozó feltétel-e vagy sem. Bármilyen, akár részecskéként más időponthoz tartozó feltételek rendszeréről lehet szó, a lényeg az, hogy egyértelműen meghatározza az egyenletek megoldását. (Történetesen a követhetőség érdekében egy $t = 0$ -hoz tartozó feltételből indultam, de ennek nincs jelentősége.)

Tehát tulajdonképpen azt kellene megadni, mit jelent az, hogy a fizikai rendszer mint egységes egész nyugszik egy tehetetlenségi rendszerhez képest.

Ezt nem adod meg. Viszont azt mondod, "the system is set in collective motion at velocity v " azt jelenti, hogy minden tompont

*sebessegehez egy adott pillanatban hozzá kell adni v -t (33 egyenlo-
seg). (Mellekesen megjegyzem, hogy itt is tisztan pontmechanikai
rendszert tekintesz; mi lenne a meghatározásod, ha elektromag-
neses mezo is tartozna a rendszerhez?) Persze ez legfeljebb csak
akkor adna azt a fizikai értelmet, amit akarunk, ha a rendszer
eredetileg mint egyseges egész nyugodott egy vonatkoztatási rend-
szerben. Amit nem definiálsz.*

Igen, pontosan ezt mondtam feljebb is, hogy ez a fogalom ködös (Einsteinnél is és a tankönyvekben is) Amit én javaslok, az úgy van felvezetve, hogy „még mindig a legjobb, amit mondhatunk ...”. Arra a kérdésre, hogy a mező jelenlétében mit mondunk, ... nos, még nehezebb kérdés, de talán igaza van Jánossynak, aki erre valami olyasmit mond, hogy „csak a mező forrásaira tudunk külső hatást gyakorolni” (206. oldal), tehát azt mondanám, hogy a mező + források rendszer akkor végez kollektív mozgást az adott pillanatban ha a források kollektíve mozognak. (Lásd az említett fejezetet a Jánossy könyvben, a mozgó ponttöltés terének relaxációjáról.)

*Nezzuk a (33) egyenloseggel adott meghatározást. A legfeltunobb
baj az vele, hogy bizony egyes részecskék sebessége így meghalad-
hatna a fénysebességet. Mondjuk V nagysága $2c/3$, és $v=V$, akkor
 $V+v$ nagysága $4c/3$. Tehát az a meghatározás nem lehet jó. ...*

Én ezt írom: Consider a system of particles the motion of which satisfies the following (initial) conditions:

$$\begin{aligned} \mathbf{r}_i(t = t_0) &= \mathbf{R}_{i0}, \\ \left. \frac{d\mathbf{r}_i}{dt} \right|_{t=t_0} &= \mathbf{V}_{i0}. \end{aligned}$$

The system is set in collective motion at velocity \mathbf{v} at the moment of time t_0 if its motion satisfies

$$\begin{aligned} \mathbf{r}_i(t = t_0) &= \mathbf{R}_{i0}, \\ \left. \frac{d\mathbf{r}_i}{dt} \right|_{t=t_0} &= \mathbf{V}_{i0} + \mathbf{v}. \end{aligned}$$

Ha tehát a rendszert olyan állapotba hoztuk, amely eleget tesz ennek a kondíciónak, azt mondhatjuk, hogy ez a rendszer ugyanaz, mint az eredeti, csak éppen \mathbf{v} sebességű kollektív mozgást végez a szóban forgó K rendszerhez képest – amelyben a szóban forgó $\mathbf{r}, t, \mathbf{v} \dots$ mennyiségek vannak értve. Miért következne ebből a *definícióból*, hogy tudom is a rendszert ilyen állapotba hozni, abban az esetben is, amikor így egyes részecskék a féynél nagyobb sebességgel mozognának? (Nyilvánvaló dinamikai akadály lehet ...)

Osszefoglalva: a (33) keplet semmikepp sem jó.

Derék! (Nyilván akkor más kifogás is felmerül.) Akkor viszont továbbra is nyitott kérdés, hogy mit jelent, hogy „valami ugyanaz mint korábban, azzal a különbséggel, hogy most kollektíve mozog egy adott inerciarendszerhez képest \mathbf{v} sebességgel”!? Erről szólt az előadás.

Tekintsünk most el attól a problémától, hogy w_{i+v} fénysbességnel nagyobb lehetne, és koncentráljunk a további fejtegetésedre az egyensúlyról. Itt a hangsúly az adott pillanaton lesz, amelyben a sebességváltoztatást tesszük. Mivel különböző helyeken lévő tömegpontok azonos pillanataról van szó, az adott t_0 pillanat valamely szinkronizáció szerint értendő. Az eddigiekben mindig a szokásos einsteini – standard – szinkronizáció szerinti pillanatokról volt szó. Amint azonban a Lorentz-kontrakció elobukkan, szoba kell hozni azt is, hogy mozgó rud hosszának mereése csak szinkronizáció mellett értelmes, a látszólagos hosszváltozás szinkronizációfuggó, nemstandard szinkronizációban akár dilatació is lehet.

Ezzel egyetérték. Csak azt jegyzem meg, hogy – ismétlem – boldog lennék, ha valaki megmondaná a választ a fenti kérdésre, akár a standard szinkronizáció mellett.

Nezzük ezek alapján a példadatot. Semmi sem zárja ki azt a ritka lehetőséget, hogy a rud minden részecskejének a sebessége 0 a K rendszerben (akkor a rud egyensúlyban van).

Vagy egyensúlyban van, vagy nincs. Abból, hogy minden részecske sebessége éppen zérus a K rendszerhez képest, ez még nem következik. Tehát nyilván úgy kell érteni, hogy tegyük fel, hogy egyensúlyban van.

Adjunk egy adott szinkronizáció szerinti t_0 pillanatban mind-egyik tömegpontnak v sebességet. Ekkor az így mozgásba hozott rud minden tömegpontja állni fog a K -hoz v sebességgel mozgó K' rendszerben,

Vagyis kollektíve mozog \mathbf{v} sebességgel a K -hoz képest. Akkor mégis csak szeretted az én definíciómat, amiről azt mondtad az imént, hogy „semmiképpen nem jó”? Majd így folytatod:

tehát a mozgó rúd is egyensúlyban lesz (bármilyen is az értelme általában az általad sem definiált egyensúlynak). Tehát semmiféle relaxáció megüyesmi szöveg sem jöhet.

Ez viszont nem igaz! Nem lesz a mozgó rúd egyensúlyban ebben a pillanatban. Mert az egyensúly a Lorentz boosted $[\Lambda_v^{-1}(\psi'_0)]$ állapothoz tartozik, és ez nem felel meg annak az állapotnak, amiről szó van. Ezt az állapotot a rúd majd csak a relaxáció után veszi fel.

Az igaz, hogy akármilyen is a szinkronizáció, amely szerint a rudat pillanatszerűen mozgásba hozzuk, ezen szinkronizáció szerint a rúd hossza K -ből merve megegyezik az eredeti l hosszal.

Az általam mondottak lényege szempontjából nagyon fontos, hogy ezt te is megerősítetted.

Viszont a rúd nyugalmi l hossza a K' -ben attól fog függni, milyen szinkronizáció szerinti t_0 -ról van szó: általában nem igaz, amit állítasz, hogy $l'=l$.

Egyszerű számolásokat adjak:

- ha a K standard szinkronizációja szerinti pillanatban hozzuk mozgásba a rudat, akkor $l'=l/\sqrt{1-v^2}$;*
- ha a K' standard szinkronizációja szerinti pillanatban hozzuk mozgásba a rudat, akkor $l'=l\sqrt{1-v^2}$;*
- van olyan szinkronizáció is, de a fentiek közül egyik sem az, amelyre $l'=l$.*

Itt megint nem értem, amit mondasz. A K' rendszerben a rúd nyugalmi hossza természetesen attól függ, hogy hogyan van a szinkronizáció értelmezve K' -ben. A standard szinkronizációval a standard relativitáselmélet szerint a mozgó rúd hossza a vele együtt mozgó K' rendszerben ugyanannyi, mint az álló rúd hossza volt az álló rendszerben. (Ez lenne a relativitás elve.) Tehát $l' = l$. Én hozzáteszem, hogy mindkét esetben a rúd egyensúlyi állapotáról van szó! Ha tehát itt l' a rúd K' -ben értelmezett hosszát jelenti a relaxáció után, akkor amiket írsz, az nem igaz. Mindegy hogyan hozzuk a rudat mozgásba. Elfelejteti a kezdeti feltételeket. Ha félreértem, és te itt l' -nek a rúd valamilyen relaxáció előtti/közbeni hosszát érted a K' rendszerben, akkor a formulák igaznak tűnnek, az első eset biztosan, a többit meg kellene nézned. De hangsúlyozom, én nem erről beszéltem. Amikor azt írom, hogy $l' = l$, akkor a rúd egyensúlyi állapotában vett hosszáról beszélek a K' rendszerben.

(Üdvözlettel, Laci)